

Họ và tên thí sinh:

Số báo danh:

Mã đề thi 1126

PHẦN I. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

Câu 1. Số đo radian của góc 108° là

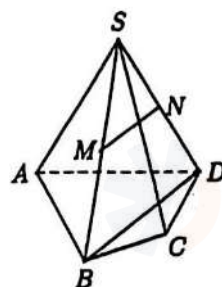
- A. $\frac{2\pi}{5}$ rad. B. $\frac{3\pi}{10}$ rad. C. $\frac{4\pi}{5}$ rad. D. $\frac{3\pi}{5}$ rad.

Câu 2. Hình chóp ngũ giác $S.ABCDE$ có bao nhiêu mặt bên?

- A. 6. B. 7. C. 4. D. 5.

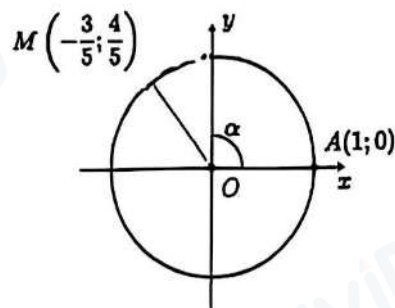
Câu 3. Cho hình chóp tứ giác $S.ABCD$. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của SB và SD . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $MN \parallel SA$. B. $MN \parallel BD$. C. $MN \parallel AC$. D. $MN \parallel AB$.



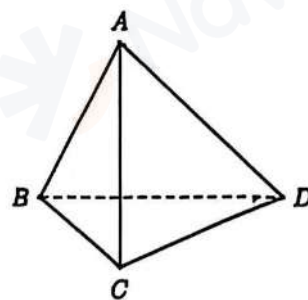
Câu 4. Cho điểm M thuộc đường tròn lượng giác biểu diễn góc lượng giác α có tọa độ như hình vẽ bên. Giá trị của $\sin \alpha$ bằng

- A. $-\frac{3}{5}$. B. $\frac{4}{5}$. C. $-\frac{4}{3}$. D. $-\frac{4}{5}$.



Câu 5. Cho tứ diện $ABCD$, vị trí tương đối của hai đường thẳng AB và CD là

- A. chéo nhau. B. song song. C. trùng nhau. D. cắt nhau.

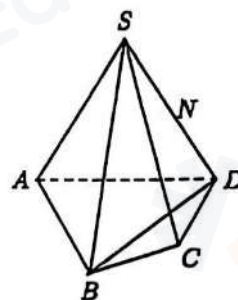


Câu 6. Phương trình nào sau đây vô nghiệm?

- A. $\sin x = 0$. B. $\sin x = \frac{1}{2}$. C. $\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$. D. $\sin x = -\frac{5}{3}$.

Câu 7. Cho hình chóp $S.ABCD$ như hình vẽ. Xét N là một điểm bất kỳ nằm trên cạnh SD (N khác S). Điểm N không thuộc mặt phẳng nào dưới đây?

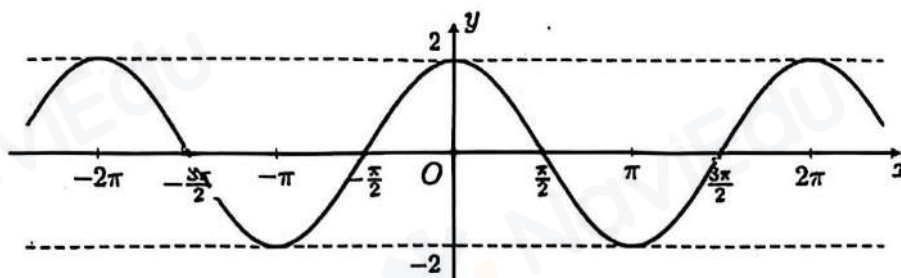
- A. (SAD) . B. (SBC) . C. (SBD) . D. (SCD) .



Câu 8. Biểu thức $P = \cos 3x \cos x + \sin 3x \sin x$ bằng biểu thức nào dưới đây?
 A. $\cos 4x$. B. $\sin 2x$. C. $\cos 2x$. D. $\sin 4x$.

Câu 9. Tập xác định của hàm số $y = \frac{1 + \cos x}{\sin x}$ là
 A. $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$. B. $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{k2\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$.
 C. $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k2\pi \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$. D. $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$.

Câu 10. Đường cong trong hình vẽ dưới đây là đồ thị của hàm số nào?



A. $y = 2 \sin x$. B. $y = 2 \tan x$. C. $y = 2 \cos x$. D. $y = \cos 2x$.

Câu 11. Cho biểu thức $P = 1 - \cos 2a$. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $P = 2 \sin^2 a$. B. $P = \sin^2 a$. C. $P = 2 \cos^2 a$. D. $P = 1 - 2 \sin a$.

Câu 12. Nghiệm của phương trình $\tan x = \sqrt{3}$ là

A. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$. B. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$.
 C. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$. D. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$.

PHẦN II. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu hỏi, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Cho $\cos \alpha = -\frac{12}{13}$ với $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$.

a) $\cos 2\alpha = \frac{119}{169}$. b) $\sin \left(\alpha + \frac{\pi}{3} \right) = \frac{5 - 12\sqrt{3}}{26}$.
 c) $\sin \alpha = \frac{5}{13}$. d) $\sin 2\alpha > 0$.

Câu 2. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình bình hành tâm O . Gọi K là trung điểm của SC , G_1 và G_2 lần lượt là trọng tâm của tam giác SBC và ABC .

a) Ba đường thẳng KO , SA , G_1G_2 đôi một song song với nhau.
 b) Giao tuyến của hai mặt phẳng (SAD) và (SBC) là đường thẳng đi qua S và song song với AD .
 c) Mặt phẳng (KAB) cắt cạnh SD tại điểm P , khi đó tỉ số $\frac{SP}{PD} = \frac{1}{2}$.
 d) Giao tuyến của hai mặt phẳng (SAC) và (KBD) là KO .

Câu 3. Cho phương trình $2 \sin x - \sqrt{3} = 0$.

a) Phương trình đã cho tương đương với phương trình $\sin x = \sin \frac{\pi}{6}$.
 b) Phương trình có hai họ nghiệm $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi$, $x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi$ với $k \in \mathbb{Z}$.
 c) Phương trình có hai nghiệm thuộc khoảng $(0; 2\pi)$.
 d) Nghiệm dương nhỏ nhất của phương trình là $x = \frac{2\pi}{3}$.

Câu 4. Hằng ngày, Mặt Trời chiếu sáng làm bóng của một cột ăng-ten truyền hình cao 50 m in trên mặt đất. Độ dài bóng của cột ăng-ten này được mô hình hóa bởi công thức

$$S(t) = 50 \left| \cot \frac{\pi}{12} t \right|,$$

trong đó S được tính bằng mét (m), t là số giờ tính từ 6 giờ sáng ($0 < t < 12$).

- Trong khoảng thời gian từ 12 giờ trưa đến 6 giờ tối, độ dài bóng của cột ăng-ten tăng dần.
- Trong khoảng thời gian từ 6 giờ sáng đến 6 giờ tối, có đúng hai thời điểm mà độ dài bóng của cột ăng-ten bằng $\frac{50\sqrt{3}}{3}$ m.
- Lúc 9 giờ sáng, độ dài bóng của cột ăng-ten là 50 m.
- $S(t) = S(12 - t)$ với mọi $t \in (0; 12)$.

PHẦN III. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

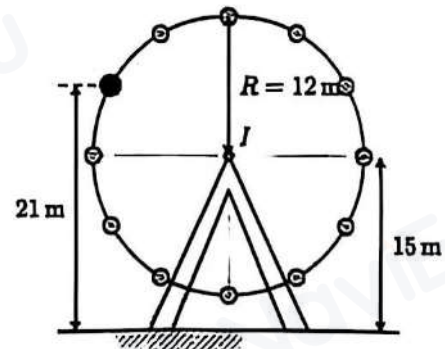
Câu 1. Nhiệt độ ngoài trời tại một thành phố trong ngày được ghi nhận đạt mức cao nhất là 35°C vào lúc 14 giờ và mức thấp nhất là 23°C vào lúc 2 giờ sáng. Kỹ sư khí tượng dùng mô hình hàm lượng giác $h(t) = A \sin \left[\frac{\pi}{12}(t - 8) \right] + B$ để mô phỏng nhiệt độ (độ C) tại thời điểm t (giờ, $0 \leq t \leq 24$). Tìm nhiệt độ ngoài trời vào lúc 11 giờ (Làm tròn kết quả đến hàng đơn vị).

Câu 2. Cho biểu thức $A = \sin \left(x + \frac{\pi}{4} \right) + \cos \left(x + \frac{\pi}{4} \right)$. Rút gọn biểu thức A ta thu được kết quả là $A = m \cos x$. Tính m^2

Câu 3. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình thang, gọi O là giao điểm của hai đường chéo AC và BD . Biết $AB \parallel CD$ và $AB = 3CD$. Gọi N là trung điểm cạnh SB và P là giao điểm của đường thẳng DN với mặt phẳng (SAC) . Tính tỉ số $\frac{PO}{PS}$ (viết kết quả ở dạng số thập phân).

Câu 4. Một chiếc đu quay có bán kính $R = 12$ m. Tâm của vòng quay ở độ cao 15 m so với mặt đất. Vòng quay quay đều với tốc độ một vòng hết 16 phút. Khi vòng quay hoạt động, quan sát một cabin ban đầu ở vị trí thấp nhất, sau t (phút), chiều cao h (đơn vị m) của cabin đó so với mặt đất được tính theo công thức:

$$h(t) = -12 \cos \left(\frac{\pi t}{8} \right) + 15$$



Sau $\frac{a}{b}$ phút ($a, b \in \mathbb{N}^*$; $\frac{a}{b}$ là phân số tối giản) kể từ khi bắt đầu quay, cabin sẽ ở độ cao 21 m lần đầu tiên. Tính $a + b$.

Câu 5. Cho phương trình lượng giác $\cos 5x = \cos x$. Trên đường tròn lượng giác, có bao nhiêu điểm biểu diễn các nghiệm của phương trình đã cho?

Câu 6. Có bao nhiêu số nguyên m để phương trình $\cos x = \frac{m}{2027}$ có nghiệm?

———— HẾT ————